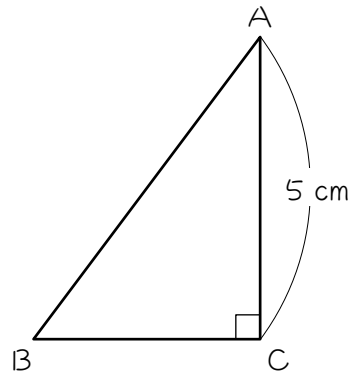


ステップ 1 360度

1

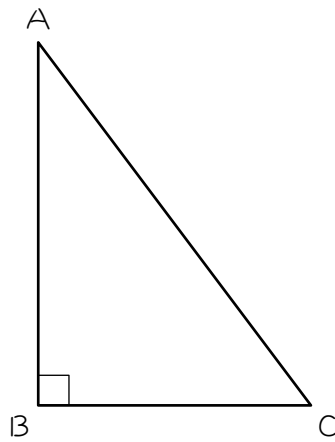
図のような $BC : CA : AB = 3 : 4 : 5$ 、 $AC = 5 \text{ cm}$ の直角三角形 ABC を、頂点 C を中心に 360 度回転させます。



- (1) 辺 AB 上にあって、点 C に最も近い点 D を作図しなさい。
- (2) CD の長さを求めなさい。
- (3) 辺 AB が通ったあとを次の手順で作図し、斜線で示しなさい。
 - ① 辺 AB 上にあって点 C から 最も遠い点 の通ったあとを作図する。
 - ② 辺 AB 上にあって点 C から 最も近い点 の通ったあとを作図する。
 - ③ ①と②で囲まれた部分に斜線を引く。
- (4) 辺 AB が通ったあとの面積を求めなさい。円周率は 3.14 とします。

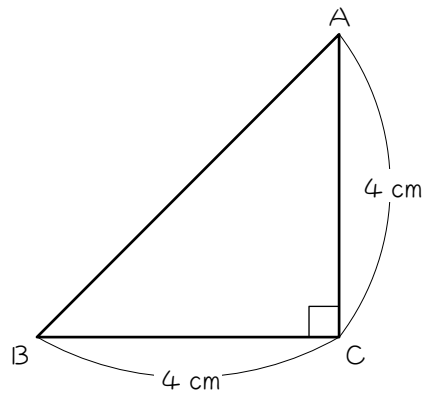
2

図のような $AB = 40\text{cm}$ 、 $BC = 30\text{cm}$ 、 $CA = 50\text{cm}$ の直角三角形 ABC を、頂点 B を中心に 360 度回転させます。このとき、辺 AC の通ったあとを定規とコンパスを使って作図し、斜線で示しなさい。また、その面積を求めなさい。ただし、円周率は 3.14 とします。



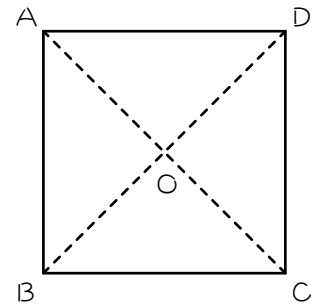
3

図のような直角二等辺三角形 ABC を、頂点 C を中心に 360 度回転させます。このとき、辺 AB の通ったあとを定規とコンパスを使って作図し、斜線で示しなさい。また、その面積を求めなさい。ただし、円周率は 3.14 とします。

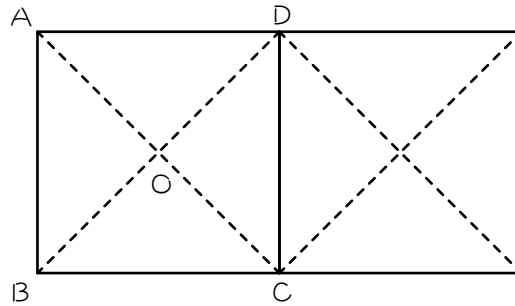


ステップ2 360度以外

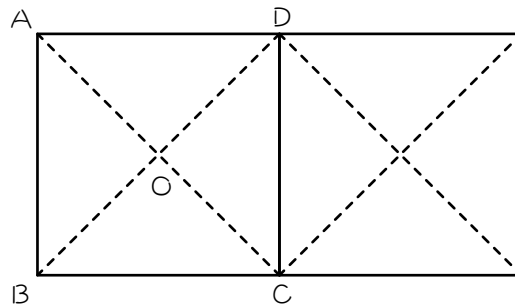
4 右の図のような正方形 $ABCD$ を、頂点 C を中心に右に 90° 回転させるとき、(1) ~ (3) の直線が通ったあとをコンパスを使って作図し、斜線を引きなさい。



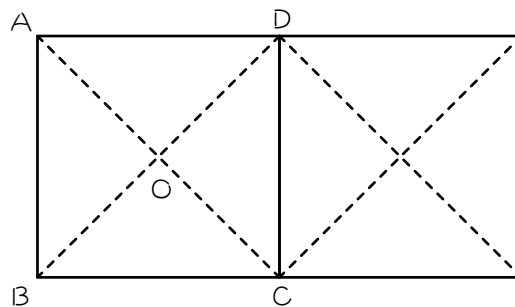
(1) 直線 BO



(2) 直線 OD

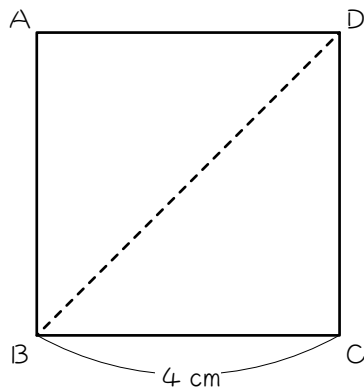


(3) 直線 BD



5

図のような正方形 $ABCD$ を、頂点 C を中心に 90度 回転させます。このとき、対角線 BD の通ったあとを定規とコンパスを使って作図し、斜線で示しなさい。また、その面積を求めなさい。ただし、円周率は 3.14 とします。



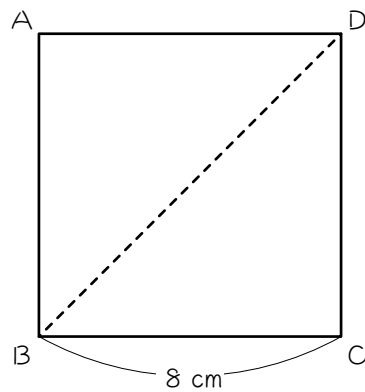
6

図のような正方形 $A B C D$ を、頂点 C を中心に 180度 回転させます。

このとき、対角線 $B D$ の通ったあとを定規とコンパスを使って作図

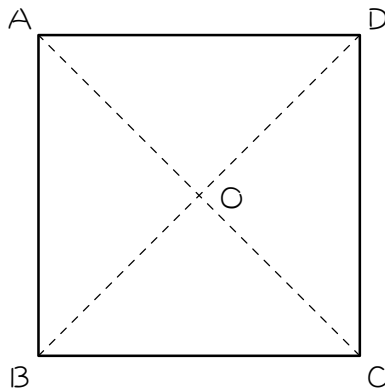
し、斜線で示しなさい。また、その面積を求めなさい。ただし、円周

率は 3.14 とします。



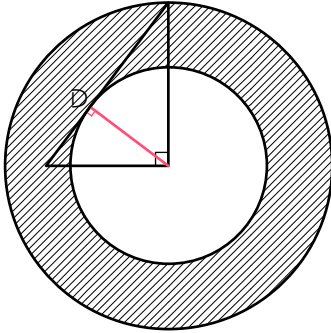
7

図のような対角線の長さが12cmの正方形A B C Dを、点Oを中心として右回りに90度回転させます。このとき、辺A Bの通る部分を定規とコンパスを使って作図し、斜線で示しなさい。また、その面積を求めなさい。ただし、円周率は3.14とします。

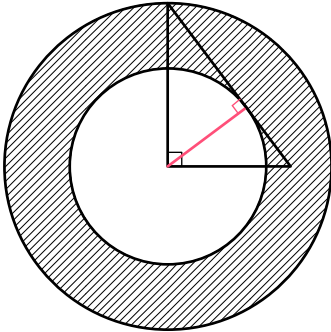


■ 解答 ■

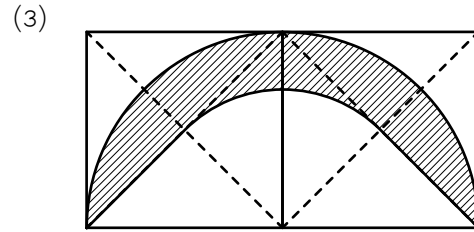
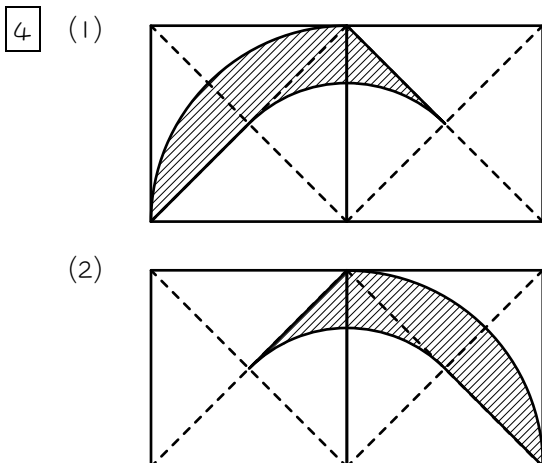
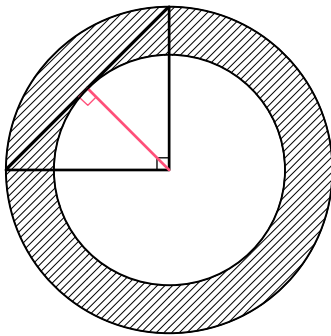
- 1 (1) 下図 (2) 3 cm
 (3) 下図 (4) 50.24cm^2



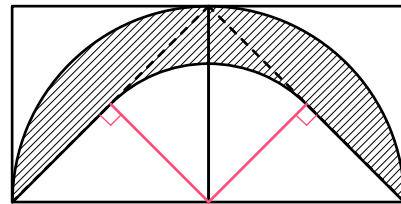
- 2 下図、 3215.36cm^2



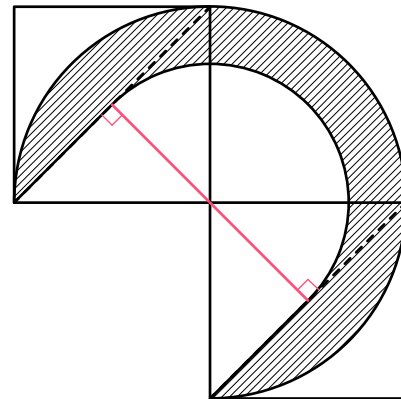
- 3 下図、 25.12cm^2



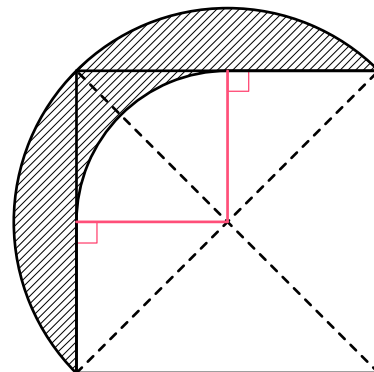
- 5 下図、 10.84cm^2



- 6 下図、 68.48cm^2

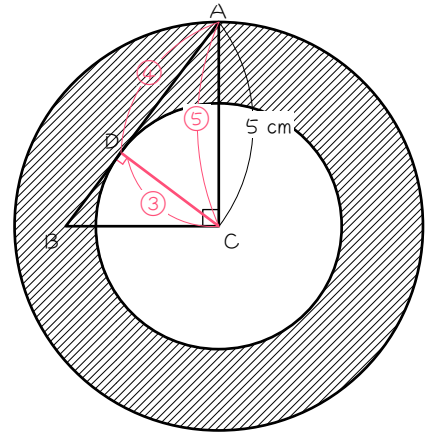


- 7 下図、 24.39cm^2

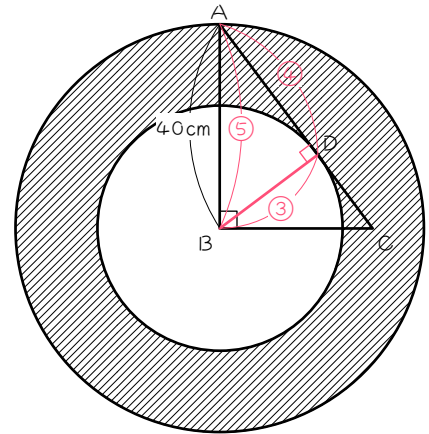


■ 解説 ■

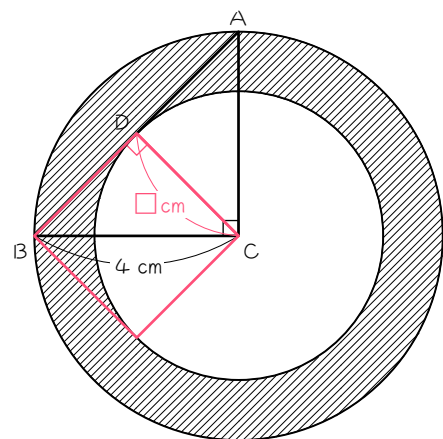
- 1 (1) 点Cを通り、辺ABに垂直な線を引き、
辺ABとの交点を作図します。
これが点Dになります。
- (2) 3 : 4 : 5 の相似形の問題。
⑤ = 5 cm ③ = 3 cm
- (4) $5 \times 5 \times \pi - 3 \times 3 \times \pi$
= $16 \times \pi$
= $50.24(\text{cm}^2)$



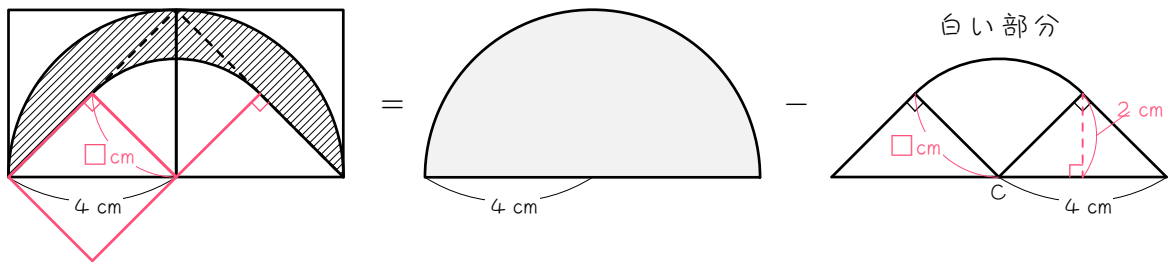
- 2 辺AC上にあって、頂点Bから最も近い点をDとすると、求める面積は、点Aと点Dの動いたあとで囲まれた部分。
- 3 : 4 : 5 の相似形より、
⑤ = 40 cm、① = 8 cm、③ = 24 cm... BD
- よって、求める面積は、
 $40 \times 40 \times \pi - 24 \times 24 \times \pi$
= $1024 \times \pi$
= $3215.36(\text{cm}^2)$



- 3 辺AB上にあって、頂点Cから最も近い点をDとすると、求める面積は、点Aと点Dの動いたあとで囲まれた部分。
- CD = □ cm とすると、□ × □ は図の赤い正方形の面積と等しい。
- よって、
 $\square \times \square = 4 \times 4 \div 2 = 8$
- よって、求める面積は、
 $4 \times 4 \times \pi - \square \times \square \times \pi$
= $16 \times \pi - 8 \times \pi$
= $8 \times \pi$
= $25.12(\text{cm}^2)$



5



1つ目の図の斜線部分を求める。斜線部分は、半円－白い部分で求める。
半円の面積は、

$$4 \times 4 \times \pi \times \frac{1}{2} = 8 \times \pi (\text{cm}^2)$$

白い部分のおうぎ形の半径を□cmとすると、□×□は、1つ目の図の赤い正方形の面積と等しい。よって、

$$\square \times \square = 4 \times 4 \div 2 = 8$$

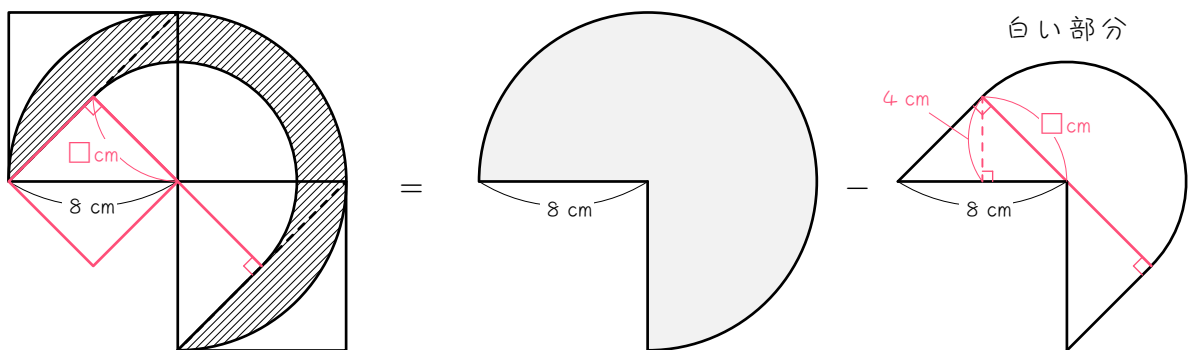
よって、白い部分の面積の和は、

$$\square \times \square \times \pi \times \frac{1}{4} + 4 \times 2 \div 2 \times 2 = 8 \times \pi \times \frac{1}{4} + 8 = 2 \times \pi + 8 (\text{cm}^2)$$

よって、求める面積は、

$$8 \times \pi - 2 \times \pi - 8 = 6 \times \pi - 8 = 18.84 - 8 = \underline{10.84 (\text{cm}^2)}$$

6



1つ目の図の斜線部分を求める。斜線部分は、おうぎ形－白い部分で求める。
おうぎ形の面積は、

$$8 \times 8 \times \pi \times \frac{3}{4} = 48 \times \pi (\text{cm}^2)$$

白い部分の半円の半径を□cmとすると、□×□は、1つ目の図の赤い正方形の面積と等しい。よって、

$$\square \times \square = 8 \times 8 \div 2 = 32$$

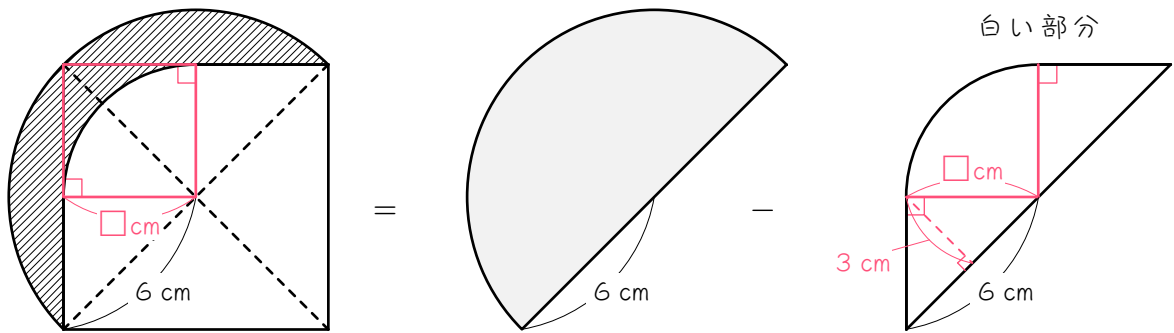
よって、白い部分の面積の和は、

$$\square \times \square \times \pi \times \frac{1}{2} + 8 \times 4 \div 2 \times 2 = 32 \times \pi \times \frac{1}{2} + 32 = 16 \times \pi + 32 (\text{cm}^2)$$

よって、求める面積は、

$$48 \times \pi - 16 \times \pi - 32 = 32 \times \pi - 32 = 100.48 - 32 = \underline{68.48 (\text{cm}^2)}$$

7



1つ目の図の斜線部分を求める。斜線部分は、半円 - 白い部分で求める。

半円の面積は、

$$6 \times 6 \times \pi \times \frac{1}{2} = 18 \times \pi (\text{cm}^2)$$

白い部分のおうぎ形の半径を \square cm とすると、 $\square \times \square$ は、1つ目の図の赤い正方形の面積と等しい。よって、

$$\square \times \square = 6 \times 6 \div 2 = 18$$

よって、白い部分の面積の和は、

$$\square \times \square \times \pi \times \frac{1}{4} + 6 \times 3 \div 2 \times 2 = 18 \times \pi \times \frac{1}{4} + 18 = 4.5 \times \pi + 18 (\text{cm}^2)$$

よって、求める面積は、

$$18 \times \pi - 4.5 \times \pi - 18 = 13.5 \times \pi - 18 = 42.39 - 18 = \underline{24.39 (\text{cm}^2)}$$