

ステップ 1

1 4枚のカード  $\boxed{1}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{3}$ のうち3つの数を選んでできる3けたの整数をつくります。整数は何個できるか、2通りの方法で求めます。

(1) 3枚のカードの選び方から考えます。

3枚のカードの 組み合わせ		できる整数	
(   、   、   )	→	(   )個	} (   )個
(   、   、   )	→	(   )個	
(   、   、   )	→	(   )個	

(2)  $\boxed{2}$ のカードだけ2枚あることに注目して考えます。

① もしも $\boxed{2}$ のカードが1枚しかなかったら、

$$(   ) \times (   ) \times (   ) = (   ) \text{ 個 できます。}$$

②  $\boxed{2}$ のカードを2枚使うとき、

3枚のカードの 組み合わせ		できる整数	
(2、2、   )	→	(   )個	} (   )個
(2、2、   )	→	(   )個	

③ ①②より、全部で

$$(   ) + (   ) = (   ) \text{ 個、 となります。}$$

2  $\square$ 0、 $\square$ 1、 $\square$ 2、 $\square$ 2の4枚のカードから3枚を選んで3けたの整数をつくる  
るとき、次の問いに答えなさい。

(1) もしも $\square$ 2のカードを1枚しかなかったら、何通りの整数ができますか。

(2)  $\square$ 2のカードを2枚使うとき、何通りの整数ができますか。

(3) 全部で何通りの整数ができますか。

3

1、2、3、4、4の5枚のカードがあります。このうちの3枚を並べて3けたの整数をつくる時、何通りの整数ができますか。

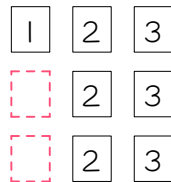
4

0、1、2、3、3の5枚のカードから3枚を選んで3けたの整数をつくるとき、何通りの整数ができますか。

## ステップ2 カードを足して考える① - 3けた

5

7枚のカード  $\boxed{1}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$  のうちの3枚を取り出して  
できる3けたの整数が何通りあるかを求めようと思います。



(1) もしも  $\boxed{1}$  のカードも3枚あったとすると、整数は全部で、

(        ) × (        ) × (        ) = (        ) 通りできます。

(2) (1)のうち、

①  $\boxed{1}$  のカードを3枚使う並べ方は、(        ) 通りです。

②  $\boxed{1}$  のカードを2枚使う並べ方は、(        ) 通りです。

(3) (1)(2)より、求める3けたの整数は (        ) 通り、となります。

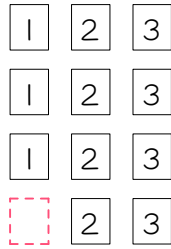
6

6枚のカード1、2、2、3、3、3のうちの3枚を取り出してできる3けたの整数は何通りありますか。

## ステップ3 カードを足して考える② - 4けた

7

11枚のカード  $\boxed{1}$ 、 $\boxed{1}$ 、 $\boxed{1}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$ のうち  
の4枚を取り出してできる4けたの整数が何通りあるかを求めようと思  
います。



(1) もしも  $\boxed{1}$  のカードも4枚あったとすると、整数は全部で、  
(     ) × (     ) × (     ) × (     ) = (     ) 通り

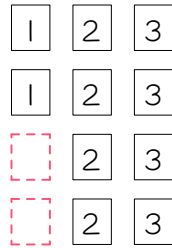
できます。

(2) (1)のうち、 $\boxed{1}$  のカードを4枚使う並べ方は、(     ) 通りです。

(3) (1)(2)より、求める4けたの整数は (     ) 通り、となります。

8

10枚のカード  $\boxed{1}$ 、 $\boxed{1}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{2}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$ 、 $\boxed{3}$  のうちの4枚を取り出してできる4けたの整数が何通りあるかを求めようと思います。



(1) もしも  $\boxed{1}$  のカードも4枚あったとすると、整数は全部で、  
 $( \quad ) \times ( \quad ) \times ( \quad ) \times ( \quad ) = ( \quad )$  通り  
 できます。

(2) (1)のうち、

①  $\boxed{1}$  のカードを4枚使う並べ方は、(            ) 通りです。

①  $\boxed{1}$  のカードを3枚使う並べ方は、(            ) 通りです。

(3) (1)(2)より、求める4けたの整数は (            ) 通り、となります。



9

9枚のカード「1、1、2、2、2、3、3、3、3」のうちの4枚を  
取り出してできる4けたの整数が何通りありますか。

■ 解答 ■

- 1 (1)  $\left. \begin{array}{l} (1, 2, 2) \rightarrow 3 \text{ 個} \\ (1, 2, 3) \rightarrow 6 \text{ 個} \\ (2, 2, 3) \rightarrow 3 \text{ 個} \end{array} \right\} \underline{12 \text{ 個}}$
- (2) ① 3, 2, 1, 6
- ②  $\left. \begin{array}{l} (2, 2, 1) \rightarrow 3 \text{ 個} \\ (2, 2, 3) \rightarrow 3 \text{ 個} \end{array} \right\} 6 \text{ 個}$
- ③ 6, 6, 12

- 2 (1) 4通り
- (2) 5通り
- (3) 9通り

3 33通り

4 26通り

5 (1) 3, 3, 3, 27

(2) ① 1

② 6

(3) 20

6 19通り

7 (1) 3, 3, 3, 3, 81

(2) 1

(3) 80

8 (1) 3, 3, 3, 3, 81

(2) ① 1

② 8

(3) 72

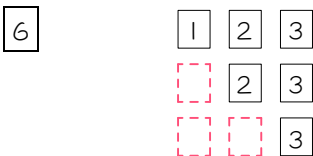
9 71通り

■ 解説 ■

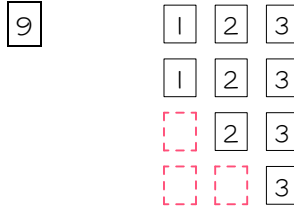
- 2 (1)  $2 \times 2 = 4$  (通り)  
 (2)  $(2, 2, 0) \rightarrow 2$  通り  
 $(2, 2, 1) \rightarrow 3$  通り } 5通り  
 (3)  $4 + 5 = 9$  (通り)

- 3 もしも4が1枚しかなかったら、  
 $4 \times 3 \times 2 = 24$  (通り)  
 4を2枚使うのは、  
 $(4, 4, 1) \rightarrow 3$  通り  
 $(4, 4, 2) \rightarrow 3$  通り  
 $(4, 4, 3) \rightarrow 3$  通り } 9通り  
 よって、  
 $24 + 9 = 33$  (通り)

- 4 もしも3が1枚しかなかったら、  
 $3 \times 3 \times 2 = 18$  (通り)  
 3を2枚使うのは、  
 $(3, 3, 0) \rightarrow 2$  通り  
 $(3, 3, 1) \rightarrow 3$  通り  
 $(3, 3, 2) \rightarrow 3$  通り } 8通り  
 よって、  
 $18 + 8 = 26$  (通り)



- 1も2も3枚ずつあるとすると、  
 $3 \times 3 \times 3 = 27$  (通り)  
 1を3枚使うのは1通り  
 1を2枚使うのは、  
 $(1, 1, 2) \rightarrow 3$  通り  
 $(1, 1, 3) \rightarrow 3$  通り } 6通り  
 2を3枚使うのは1通り  
 よって、  
 $27 - (1 + 6 + 1) = 19$  (通り)



- 1も2も4枚ずつあるとすると、  
 $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$  (通り)  
 1を4枚使うのは1通り  
 1を3枚使うのは、  
 $(1, 1, 1, 2) \rightarrow 4$  通り  
 $(1, 1, 1, 3) \rightarrow 4$  通り } 8通り  
 2を4枚使うのは1通り  
 よって、  
 $81 - (1 + 8 + 1) = 71$  (通り)